تجميعة هيكل الرياضيات

الصف الحادي عشر متقدم

Reveal/Bridge

الفصل الثالث للعام الدراسي:

2024/2025

عمل : عبدالملك نبيل









Graph points with polar coordinates.		Exercises (14-21)	P488
التمثيل البياني للنقاط باستخدام إحداثياتها القطبية. -360 Find three different pairs of pogiven point if $-360^\circ \le \theta \le 360$	olar coordinates tha	t name the	
14. (1, 150°)	15. (-2, 300°)		
16. $\left(4, -\frac{7\pi}{6}\right)$	17. $\left(-3, \frac{2\pi}{3}\right)$		

	$360^{\circ} \le \theta \le 360^{\circ} \text{ or } -2\pi \le \theta \le 2\pi. \text{ (Example 3)}$
$\left(5, \frac{11\pi}{6}\right)$	19. $\left(-5, -\frac{4\pi}{3}\right)$
(2, -30°)	21. (-1, -240°)

Find the distance between each pair of points. (Example 5)

$$-$$
 37. $\left(-3, \frac{11\pi}{6}\right), \left(-2, \frac{5\pi}{6}\right)$

38.
$$\left(1, -\frac{\pi}{4}\right), \left(-5, \frac{7\pi}{6}\right)$$

40.
$$\left(8, -\frac{2\pi}{3}\right), \left(4, -\frac{3\pi}{4}\right)^{-1}$$

Use symmetry to graph each equation. (Examples 2 and 3)

9.
$$r = 3 + 3 \cos \theta$$
 10. $r = 1 + 2 \sin \theta$

11.
$$r = 4 - 3\cos\theta$$
 _______ 12. $r = 2 + 4\cos\theta$ _______

(3	. 2	(المنالان (سانئار	معادلة	. 15	ل سم	التماثل	استخدم
10	9 6	r Owner,		~	_	~	m	

Use symmetry to graph each equation. (Examples 2 and 3)

13.	r =	2 -	- 2 sin	θ
-----	-----	-----	---------	----------

14. $r = 3 - 5 \cos \theta$	14.	r =	3	-5	cos	θ
------------------------------------	-----	-----	---	----	-----	----------

5. $r = 5 + 4 \sin \theta$	

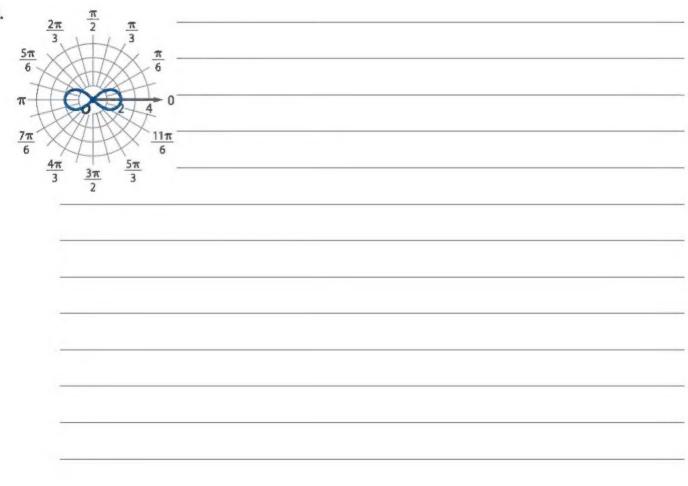
		استخدم التباثل والأصفار وقيم r العظمى لتبثيل كل دالة بيانيًا. (البنال 4)					
	-	Use symmetry, zeros, and maximum r-values to graph each function. (Example 4)					
17. 1	$r = \sin 4\theta$						
	-						

8. 1	$r = 2 \cos 2\theta$						
	-						
	-						

39.



40.

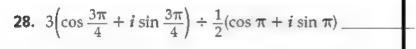


أوجد كل مقدار أسي أو ناتج قسية وعبر عنه في الصورة الديكارتية، البنالار 4 ،5!

Find each product or quotient, and express it in rectangular form. (Examples 4 and 5)

26.
$$6\left(\cos\frac{\pi}{2} + i\sin\frac{\pi}{2}\right) \cdot 4\left(\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}\right)$$

27.
$$5(\cos 135^{\circ} + i \sin 135^{\circ}) \cdot 2 (\cos 45^{\circ} + i \sin 45^{\circ})$$



29.
$$2(\cos 90^\circ + i \sin 90^\circ) \cdot 2(\cos 270^\circ + i \sin 270^\circ)$$

أوجد كل مقدار أسي أو ناتج قسمة وعبر عنه في الصورة الديكارتية، (البنال 4 ,5)

Find each product or quotient, and express it in rectangular form. (Examples 4 and 5)

30.	3(cos	$\frac{\pi}{6}$ +	i sin	$\frac{\pi}{6}$	*	4(cos	$\frac{2\pi}{3}$	+ i	sin	$\left(\frac{2\pi}{3}\right)$	
-----	-------	-------------------	-------	-----------------	---	-------	------------------	-----	-----	-------------------------------	--

31.
$$4\left(\cos\frac{9\pi}{4} + i\sin\frac{9\pi}{4}\right) \div 2\left(\cos\frac{3\pi}{2} + i\sin\frac{3\pi}{2}\right)$$

2. $\frac{1}{2}(\cos 60^\circ + i \sin 60^\circ) \cdot 6(\cos 150^\circ + i \sin 150^\circ)$	33. $6\left(\cos\frac{3\pi}{4} + i\sin\frac{3\pi}{4}\right) \div 2\left(\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}\right)$

	قسهة وعبر عنه في الصورة	أوجد كل مقدار أسي أو ناتج الديكارتية، البنالار 4 و15
	Find each product or quotient form. (Examples 4 and 5)	t, and express it in rectangular
34. 5	$(\cos 180^{\circ} + i \sin 180^{\circ}) \cdot 2(\cos 135^{\circ} + i \sin 135^{\circ})$	35. $\frac{1}{2} \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}\right) \div 3 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}\right)$
	لا تفكر في المذاكرة كعبء، بل انظر إليها كفرصة لتحقيق أحلامك	Don't give up!
		اعداد : عبدالملك نبيل

ربط المتتاليات الحسابية بالدوال الخطية.

45.44	1.6	. 47	4
ALC: NO.	100	-	7

3. الهال بعرص صاحب العمل على أسامة أجر بتيبة 33 AED لكل ساعة بالإصافة إلى30 0 50 AED علاوة كل ثلاثة أشهر. ما إجمالي الملح الذي سيتفاصاه أسامة لكل ساعة بعد 3 أعوام؟

MONEY Usama's employer offers him a pay rate of AED 33 per hour with a AED 0 raise every three months. How much will Usama earn per hour after 3 years?						
Table every titlee months. How much will obalia earli per nour after 5 years:						

استكشاف عدة أنواع مختلفة من المتتاليات.

حدد ما إذا كانت كل مثتالية مما يلي تقاربية أم تباعدية.

Determine whether each sequence is convergent or divergent. (Example 4)

18.
$$a_1 = 4$$
, $1.5a_{n-1}$, $n \ge 2$

$$a_n = \frac{5}{10^n}$$

20.
$$a_n = -n^2 - 8n + 106$$

$$- 21. \ a_1 = -64, \frac{3}{4}a_{n-1}, n \ge 2$$

22.
$$a_1 = 1$$
, $a_n = 4 - a_{n-1}$, $a_n \ge 2$

23.
$$a_n = n^2 - 3n + 1$$

divergent. (Example 4)

24.
$$a_n = \frac{n^2 + 4}{3 + n}$$

25.
$$a_1 = 9$$
, $a_n = \frac{a_{n-1} + 3}{2}$, $n \ge 2$

26.		_	511	+	6
20.	u_{n}	_		Ħ	

27.
$$a_n = \frac{5n}{5^n} + 1^{-1}$$

إيجاد الحد النوق والأوساط الحسابية للمتتاليات

اكتب معادلة للحد *النوني* لكل متتالية حسابية.

Write an equation for the nth term of each arithmetic sequence.

20. 24, 35, 46, ...

21. 31, 17, 3, ...

22. $a_9 = 45$, d = -3

23. $a_7 = 21$, d = 5

24. $a_4 = 12$, d = 0.25

25. $a_5 = 1.5$, d = 4.5

اكتب معادلة للحد النوني لكل متتالية حسابية.

Write an equation for the nth term of each arithmetic sequence.

27.
$$a_6 = 22$$
, $d = 9$

28.
$$a_8 = -8$$
, $d = -2$

29.
$$a_{15} = 7$$
, $d = \frac{2}{3}$

30. -12, -17, -22, ...

31.
$$a_3 = -\frac{4}{5}$$
, $d = \frac{1}{2}$

Find the arithmetic means in each sequence.

33. 24, ?, ?, ?, ?, -1

34. -6, ?, ?, ?, ?, 49

35. -28, <u>?</u> <u>?</u> <u>?</u> <u>?</u> 7

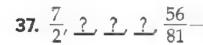
36. 84, ?, ?, ?, ?, 39 _____

37. -12, ?, ?, ?, ?, ?, -66

38. 182, ? ? ? ? ? 104

أوجد الأوساط الهندسية لكل متتالية.

Find the geometric means of each sequence.



38.
$$\frac{729}{64}$$
, ?, ?, ?, $\frac{324}{9}$

	وساط الهندسية لكل متتالية.	الإعدالا	
	Find the geometric means of ea	ach sequence.	
39. Find	two geometric means between 3 and 375.	۔ اوجد وسطیں هندسیین بین 3 و 375.	.39
			-
0. Find t	wo geometric means between 16 and -2	أوحد وسطين هندسيين بين 16 و 2 –	.40
and	Set your goals high do not stop till you get there.		
		أنت تقوم بعمل رائع	
		 عداد: عبدالملك نبيل	

أوجد مجموع كل متسلسلة لانهائية، إن وجد.

44.
$$\frac{7}{5} + \frac{21}{20} + \frac{63}{80} + \dots$$

Find the sum of each infinite series, if it exists.

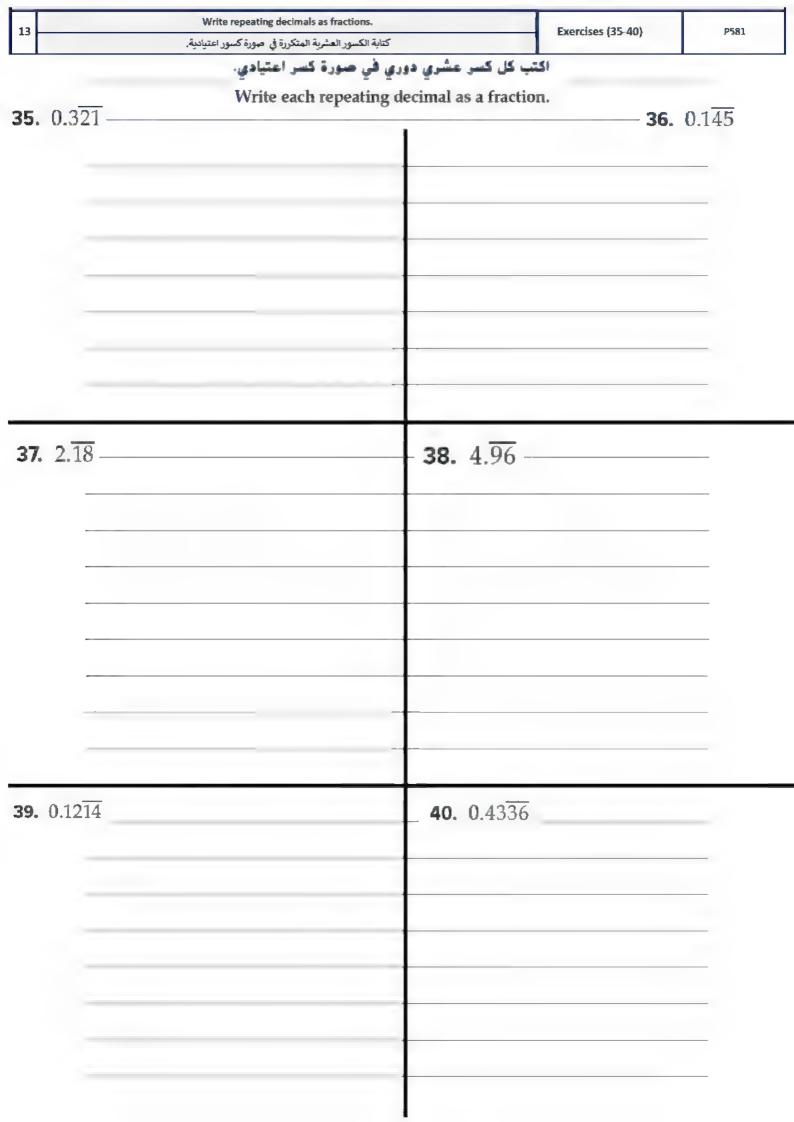
45.
$$\frac{15}{4} + \frac{5}{2} + \frac{5}{3} + \dots$$

46.
$$-\frac{16}{9} + \frac{4}{3} - 1 + \dots -$$

47.
$$\frac{15}{8} + \frac{5}{2} + \frac{10}{3} + \dots$$

48.
$$\frac{21}{16} + \frac{7}{4} + \frac{7}{3} + \dots$$

49.
$$-\frac{18}{7} + \frac{12}{7} - \frac{8}{7} + \dots$$



Find the first three iterates of each function for the given initial value. أوجد التكرارات الثلاثة الأولى لكل دالة بالنسبة للقيمة الأولية المعطاة.

33.
$$f(x) = 12x + 8$$
, $x_0 = 4$

34.
$$f(x) = -9x + 1$$
, $x_0 = -6$

35.
$$f(x) = -6x + 3$$
, $x_0 = 8$

36.
$$f(x) = 8x + 3$$
, $x_0 = -4$

ind	the	first	three	iterates	of each	function	for the	given	initial	value.	. 6
								-			

أوجد التكرارات الثلاثة الأولى لكل دالة بالنسبة للقيهة الأولية المعطاة.

37.
$$f(x) = -3x^2 + 9$$
, $x_0 = 2$

38. $f(x) = 4x^2 + 5$, $x_0 = -2$

39.	f(x)	=	$2x^2$	-	5 <i>x</i>	+	1,	<i>x</i> ₀	=	6	
					-						-

40. $f(x) = -0.25x^2 + x + 6$, $x_0 = 8$

41.	f(x)	=	x^2	+	2x	+	3,	<i>x</i> ₀	=	$\frac{1}{2}$
-----	------	---	-------	---	----	---	----	-----------------------	---	---------------

42. $f(x) = 2x^2 + x + 1$, $x_0 = -\frac{1}{2}$

15	Use Binomial Theorem to expand the powers of binomials.	Exercises (23-28)	P596
1.3	استخدام نظرية ذات الحدين لتفكيك أسس ذوات الحدين.	CARICISES (23-20)	F390

Find the indicated term of each expression.

أوجد الحد المشار إليه لكل تعبير.

23. third term of $(x + 2z)^7$ (x + 2z)⁷ (x + 2z)⁷ (23. الحد الثالث $(x + 2z)^7$ (x + 2z)

25. seventh term of $(2a-2b)^8$ (2a - 2b)⁸ الحد السابع لــ 25.

Find the indicated term of each expression.

أوجد الحد المشار إليه لكل تعبير،

26. sixth term of $(4x + 5y)^6$

 $(4x + 5y)^6$ __ | الحد السادس ل_ 26

27. fifth term of $(x-4)^9$ (x - 4)9. (x - 4)9.

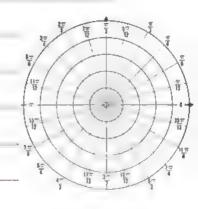
28. fourth term of $(c + 6)^8$ $(c+6)^8$ ___ | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 1

القسم الكتابي (الورقي)-FRQ

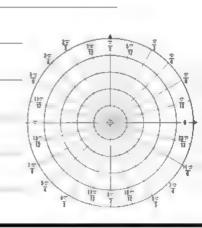
16	Convert between polar and rectangular equations.	Exercises (26-35)	P507
10	التحويل بين المعادلات القطبية والميكارتية.	Exercises (20-33)	1307

المعادلة ويكارتية. ثم اكتب المعادلة ويكارتية. ثم اكتب المعادلة ويكارتية. ثم اكتب المعادلة ويكارتية. ثم اكتب المعادلة ويكارتية والتطبية. ادعم إجابتك بتبثيل الصورة القطبية. ادعم إجابتك بتبثيل الصورة القطبية. ادعم إجابتك بتبثيل الصورة القطبية. ادعم إجابتك المعادلة بيانيًا. البنال المعادلة بيانيًا المعادلة بيا

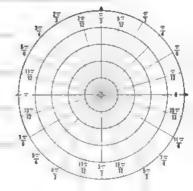
26.
$$x = -2$$



27.
$$(x+5)^2 + y^2 = 25$$

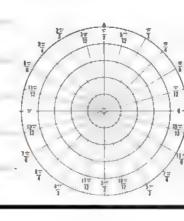


28.
$$y = -3$$

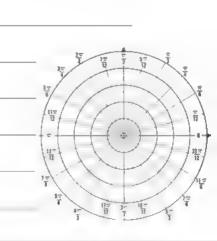


د التمثيل البيائي لكل معادلة ديكارتية. ثم اكتب المعادلة the equation in polar form. Support your answer by the equation in polar form. Support your answer by graphing the polar form of the equation. (Example 4)

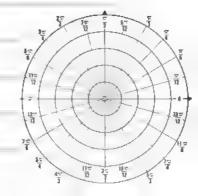
30.
$$(x-2)^2 + y^2 = 4$$



31.
$$(x-1)^2 - y^2 = 1$$

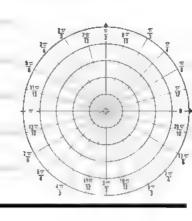


32.
$$x^2 + (y+3)^2 = 9$$

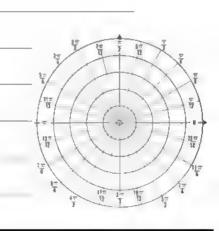


مثيل البياني لكل معادلة ديكارتية. ثم اكتب المعادلة المعادلة Identify the graph of each rectangular equation. Then write the equation in polar form. Support your answer by graphing the polar form of the equation.

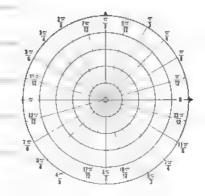
33.
$$y = \sqrt{3}x$$



34.
$$x^2 + (y+1)^2 = 1$$



35.
$$x^2 + (y - 8)^2 = 64$$



Find each power, and express it in rectangular form.

إيجاد ناتج صرب الأعداد المركبة وناتج قسمتها وأسسها والجدور في الصورة القطبية.

أوجد كل أس، وعبر عنه في الصورة الديكارتية.

36.
$$(2+2\sqrt{3}i)^6$$

- 37. $(12i 5)^3$ _____

$$38. \left[4\left(\cos\frac{\pi}{2}+i\sin\frac{\pi}{2}\right)\right]^4$$

39.	$(\sqrt{3})$	_	1)3

40.	$(3-5i)^4$	

41. $(2+4i)^4$

42.
$$(3-6i)^4$$

43. $(2+3i)^2$

44.
$$\left[3\left(\cos\frac{\pi}{6} + i\sin\frac{\pi}{6}\right)\right]^3$$

45. $\left[2\left(\cos\frac{\pi}{4}+i\sin\frac{\pi}{4}\right)\right]^4$



Find	the	specified	term of	each se	equence.	Example	21
						manufacture.	

أوجد الحد المحدد لكل متتالية. (البئال 2)

12. 4th term, $a_1 = 5$, $a_n = -3a_{n-1} + 10$, $n \ge 2$

$n \ge 2 \cdot a_n =$	$-3a_{n-1} +$	10 .a 1 =	12. الحد الرابع. 5
11	31 - 1		6. 5

13. 7th term, $a_1 = 14$, $a_n = 0.5a_{n-1} + 3$, $n \ge 2$

$$n \ge 2$$
 . $a_1 = 14$. $a_n = 0.5$ $a_{n-1} + 3$. الحد السابع. 13

14. 4th term, $a_1 = 0$, $a_n = 3^{a_{n-1}}$, $n \ge 2$

$$n \ge 2$$
 . $a_1 = 0$, $a_n = 3^{a_{n-1}}$ الحد الرابع. 1- 14.

15. 3rd term, $a_1 = 3$, $a_n = (a_{n-1})^2 - 5a_{n-1} + 4$, $n \ge 2$

$$n \ge 2$$
 . $a_n = (a_{n-1})^2 - 5a_{n-1} + 4$. $a_1 = 3$. الحد الثالث. 15

19	Use the Binomial Theorem to write and find the coefficients of specified terms in binomial expansions.	Exercises (23-28)	P596
	استخدام نظرية ذات الحدّين لكتابة وإيجاد معاملات حدود معينة في التعابير ذات الحدّين.		
		الهشار إليه لكل تعبير.	
23	third term of $(x + 2z)^7$	$(x+2z)^7$ الله الله	23. الحد ال
			_
24	fourth term of $(y - 3x)^6$	رابع لــ ⁶ (y - 3x)	24. الحد ا
		, 6,,	
	-		
			_
25	. seventh term of $(2a - 2b)^8$ (2a -	- 2h)8 1 - 1 - 1	25. الحد
23	seventili termi or (2n 20)	and an ender	
			_
			_
			_
			_
			_

Find the indicated term of each expression.	أوجد الحد المشار إليه لكل تعبير.	
26. sixth term of $(4x + 5y)^6$	26. الحد السادس لــ 4x + 5y) ⁶ .	
27. fifth term of $(x - 4)^9$	27. الحد الخامس لــ (x - 4) ⁹	
28. fourth term of (c + 6) ⁸	28. الحد الرابع لــ (c + 6)	

20	يرهنة العيارات باستخدام الاستقراء الرياضي	Example2	Pouu
X	ample 2 Prove Divisibility		
rc	we that $8^n - 1$ is divisible by 7 for all natural numbers n .		
		فابلية التسبة	مثال 2 برهند
	يع الأعداد الطبيعية ١٦.	- 8 ⁿ يقبل القسمة على 7 لجو	برهن على أن 1 -
			_
			-
			
-			
	idedPractice		
•	Prove that $7^n - 1$ is divisible by 6 for all natural numbers n .		
	ملى 6 لجبيع الأعداد الطبيعية ١٦.	WH 4 1	🖣 تمرین موجه
	ملى ٥ لجبيع الاعداد الطبيعية ١٦.	ان 1 - "/ يقبل القسبة ،	2. برهن علی
	<u> </u>		
			-
	2		

Prove statements by using mathematical induction